

Sadržaj

1. Uvod u algebru

1.1. Matematička logika	1
1.2. Skupovi	7
1.3. Relacije	12
1.4. Preslikavanja	20
1.5. Operacije i algebarske strukture	28

2. Odabrana poglavlja linearne algebre

2.1. Vektori	35
2.2. Vektorski prostori	44
2.2.1. Pojam vektorskog prostora i potprostora	44
2.2.2. Linearna zavisnost	47
2.2.3. Dimenzija i baza	51
2.2.4. Elementarna bazna transformacija	52
2.3. Matrice i determinante	60
2.3.1. Pojam i vrste matrica	60
2.3.2. Računske operacije sa matricama	63
2.3.3. Kvadratne matrice, determinante i inverzne matrice	62
2.3.4. Rang matrice	78
2.4. Sistemi linearnih jednačina	84
2.4.1. Pojam i vrste sistema linearnih jednačina	84
2.4.2. Gausov postupak eliminacije	88
2.4.3. Rešavanje sistema linearnih jednačina pomoću matrica	93
2.4.4. Rešavanje sistema linearnih jednačina pomoću determinanti	101
Zadaci za vežbanje	104

3. Numeričke funkcije

3.1. Pojam i vrste numeričkih funkcija.....	145
3.2. Nizovi i njihove granične vrednosti	148
3.2.1. Pojam i vrste nizova	148
3.2.2. Granična vrednost niza	153
3.3. Pojam reda i njegove granične vrednosti	157
3.4. Neke osobine funkcija.....	158
3.4.1. Ograničenost funkcije	158
3.4.2. Monotonost funkcije	160
3.4.3. Parnost i neparnost funkcije	161
3.4.4. Periodičnost funkcije.....	162
3.4.5. Granična vrednost funkcija	162
3.4.6. Neprekidnost funkcije	165
3.4.7. Asimptote.....	166
3.5. Elementarni način ispitivanja funkcija i ispitivanje elementarnih funkcija.....	170
3.5.1. Linearna funkcija	171
3.5.2. Kvadratna funkcija	172
3.5.3. Kubna funkcija	174
3.5.4. Eksponencijalna funkcija	174
3.5.5. Logaritamska funkcija.....	175
3.5.6. Funkcija indirektne proporcionalnosti	176
3.6. Pojam funkcije sa dva i više argumenta.....	176
Zadaci za vežbanje	177

4. Diferencijalni račun

4.1. Izvodi i diferencijali funkcija sa jednim argumentom.....	219
4.1.1. Pravila za izračunavanje izvoda	224
4.1.2. Izvodi i diferencijali višeg reda	233
4.2. Osnovne osobine derivabilnih funkcija	234
4.2.1. Rolova teorema	234
4.2.2. Lagranđova teorema o srednjoj vrednosti	236
4.2.3. Tejlorova formula	237
4.2.4. Lopitalova pravila	239
4.3. Ispitivanje funkcija sa jednim argumentom.....	242
4.3.1. Rastenje i opadanje funkcije	242
4.3.2. Ekstremi funkcije	243
4.3.3. Konkavnost, konveksnost i prevojne tačke	247
4.3.4. Ispitivanje funkcija sa konstrukcijom grafika	249
4.4. Izvodi i diferencijali funkcija sa dva i više argumenta	255
4.4.1. Parcijalni izvodi i totalni diferencijali višeg reda	257
4.5. Ekstremne vrednosti funkcije sa dva argumenta	258
4.5.1. Rešavanje problema slobodnog ekstrema funkcije	258

4.5.2. Uslovni ekstrem.....	261
Zadaci za vežbanje	263

5. Integralni račun

5.1. Pojam i osobine neodređenog integrala.....	287
5.2. Tablica osnovnih integrala	288
5.3. Osnovni metodi integracije.....	289
5.3.1. Metod zamene.....	289
5.3.2. Metod parcijalne integracije.....	290
5.4. Pojam i osobine određenog integrala.....	292
5.5. Izračunavanje površina figura u ravni.....	294
Zadaci za vežbanje	298

Za "zadaci za vežbanje" uvek je potrebno dati rješenje jer je u zadatku zadani rezultat kojeg se traži izračunati i prezentirati bez dovoštečnosti i nečitljivosti. Zadatak matematičke logike je proglašavanje, stvarljivanje i stalna dogradnja takvog matematičkog jezika, u kojem simboli koji uredstva za razvijanje mišljenja, razumijevanja, razbijecanja i komuniciranja.

Najčešći matematički jezici su govorni i pišaniji (matematički jezik). Osnova crni jezika čine znak, slovo, teži i redница. Nešto slično radi i sa matematičkim jezikom kome znači da su matematički izraz (rezultat) u skromni. Najčešći matematički znaci su konstante i promenljive.

Konstante su prepoznavajuća matematička vrijednost u svakom kontekstu sa vrednostima njenih, npr. $-5, 0, \pi, 2/3, 5, \sqrt{2}, \dots$.

Promenljive su simboli (znaci i slova) koji mogu predstavljati bilo koji element ili nekega datog skupa. Dati skup se naziva oblik definisnosti (domen) promenljive. Konstante kojima se zamenjuju promenljive nazivaju se vrednostima promenljivih.

10.2. Procentni i promilni račun.....	491
10.3. Interesni (kamatni) račun – problemi kamaćenja i diskontovanja jednokratnih, sporadičnih plaćanja	494
10.3.1. Pojam interesa i kapitalisanja	494
10.3.2. Prost interes	495
10.3.3. Složeni interes	498
10.3.3.1. Problem kamaćenja jednokratnih, sporadičnih (pojedinačnih) plaćanja	498
10.3.3.2. Problem diskontovanja jednokratnih, sporadičnih plaćanja	511
10.3.3.3. Problem izračunavanja interesa (kamate)	512
10.3.3.4. Problem izračunavanja kamatne stope	513
10.3.3.5. Problem izračunavanja broja perioda kamaćenja, odnosno određivanja vremenskog intervala kamaćenja	514
10.4. Eskontovanje menica	516
10.5. Kamaćenje i diskontovanje višekratnih periodičnih plaćanja	520
10.6. Amortizacija zajmova	523
10.6.1. Anuiteti jednaki	524
I Izrada plana amortizacije	525
II Kontrole plana amortizacije	529
III Veze između veličina u planu amortizacije	530
10.6.2. Anuiteti različiti	537
10.6.2.1. Oplate jednakе	538
10.6.2.2. Anuiteti se menjaju po aritmetičkoj progresiji	539
10.6.2.3. Anuiteti se menjaju po geometrijskoj progresiji	540
10.6.2.4. Anuiteti heterogeno različiti ili proizvoljno određeni	541
10.6.3. Konverzija zajmova	542
Zadaci za vežbanje	544
Literatura	579

4. Diferencijalni račun

4.1. Izvod i diferencijali funkcija sa jednim argumentom	219
4.1.1. Pravila za izračunavanje izvoda	224
4.1.2. Izvod i diferencijali višeg reda	233
4.2. Čamovne osobine derivabilnih funkcija	234
4.2.1. Polove tangente	234
4.2.2. Lopatkovna teorema o prelasku vrijednosti	236
4.2.3. Tajkovska formula	237
4.2.4. Logaritamska privila	239
4.3. Isplivavanje funkcija sa jednim argumentom	242
4.3.1. Punktarno i opšitano funkcijske	242
4.3.2. Ekstremi funkcija	243
4.3.3. Konkvavnost, konveksnost i prevojne tačke	247
4.3.4. Isplivavanje funkcija sa kontinuiranim grafikom	249
4.4. Izvod i diferencijali funkcija sa dva i više argumenta	255
4.4.1. Parcijalni izvod i totalni diferencijali višeg reda	247
4.5. Ekstremne vrijednosti funkcija sa dva argumenta	258
4.5.1. Relevancija zbrojne i slobozne ekstremne funkcije	258